

1. Найдите в явном виде натуральное число, заданное выражением $\sqrt{7+2\sqrt{10}}(\sqrt{5}-\sqrt{2})$.

2. Найдите максимальное значение функции $\log_{1/3}(x^2+10x+34)$.

3. Найдите все положительные x , удовлетворяющие неравенству $x^{-5x-3} < x^{-7}$.

4. Решите уравнение $\sin^2 x + \sqrt{2} |\sin x| \cos\left(\frac{5x}{2} - \frac{5\pi}{8}\right) + \frac{1}{2} = 0$.

5. Окружности Ω_1 и Ω_2 с центрами в точках O_1 и O_2 касаются внешним образом в точке A . Общая внешняя касательная к этим окружностям касается Ω_1 в точке B и пересекает в точке C общую касательную этих окружностей, проходящую через точку A . Прямая, делящая угол ACO_1 пополам, пересекает прямые O_1O_2 и BO_1 в точках L и D соответственно. Найдите CO_2 , если известно, что $LO_1 = 2$, а прямые CO_2 и DO_2 перпендикулярны.

6. Найдите все x, y на интервале $(0, \frac{\pi}{2})$, удовлетворяющие системе уравнений

$$\begin{cases} \frac{1}{\cos^3 x} + \frac{1}{\sin^3 y} = 16 \\ \operatorname{tg}^2 x + \operatorname{ctg}^2 y = 6 \end{cases}$$

7. В основании прямой призмы лежит квадрат со стороной 1. Высота призмы равна $\sqrt{7}$. Найдите расстояние между большой диагональю призмы и скрещивающейся с ней диагональю боковой грани.

8. Пусть

$$\begin{aligned} f(x, y) &= \sqrt{-5x^2 - 13y^2 - 16xy + 2} + y, \\ g(x, y) &= -\sqrt{-5x^2 - 13y^2 - 16xy + 2} + y. \end{aligned}$$

Найдите все значения, которые может принимать хотя бы одна из этих функций.

1. Найдите в явном виде натуральное число, заданное выражением $\sqrt{6 + 4\sqrt{2}}(8 - 4\sqrt{2})$.

2. Найдите максимальное значение функции $\log_{1/2}(x^2 - 8x + 20)$.

3. Найдите все положительные x , удовлетворяющие неравенству $x^{3x+7} > x^{12}$.

4. Решите уравнение $\cos^2 x - \cos x \sin^2 \left(\frac{5x}{4} - \frac{5\pi}{12} \right) + \frac{1}{4} = 0$.

5. Окружности Ω_1 и Ω_2 с центрами в точках O_1 и O_2 касаются внешним образом в точке A . Общая внешняя касательная к этим окружностям касается Ω_1 и Ω_2 соответственно в точках B_1 и B_2 . Общая касательная к окружностям, проходящая через точку A , пересекает отрезок B_1B_2 в точке C . Прямая, делящая угол ACO_2 пополам, пересекает прямые O_1B_1 , O_1O_2 , O_2B_2 в точках D_1 , L , D_2 соответственно. Найдите отношение $LD_2 : O_2D_2$, если известно, что $CD_1 = CO_1$.

6. Найдите все положительные x, y , удовлетворяющие системе уравнений

$$\begin{cases} x^{3/2} + y = 16 \\ x + y^{2/3} = 8 \end{cases}$$

7. В основании прямой призмы лежит правильный треугольник со стороной 1. Высота призмы равна $\sqrt{2}$. Найдите расстояние между скрещивающимися диагоналями боковых граней.

8. Пусть

$$f(x, y) = \sqrt{-6x^2 - 14y^2 - 18xy + 6} + y,$$

$$g(x, y) = -\sqrt{-6x^2 - 14y^2 - 18xy + 6} + y.$$

Найдите все значения, которые может принимать хотя бы одна из этих функций.

1. Найдите в явном виде натуральное число, заданное выражением $\sqrt{7-4\sqrt{3}}(8+4\sqrt{3})$.

2. Найдите максимальное значение функции $\log_{1/2}(x^2 - 6x + 17)$.

3. Найдите все положительные x , удовлетворяющие неравенству $x^{3x+7} > x^{12}$.

4. Решите уравнение $\cos^2 x - \cos x \sin^2 \left(\frac{5x}{4} - \frac{5\pi}{12}\right) + \frac{1}{4} = 0$.

5. Окружности Ω_1 и Ω_2 с центрами в точках O_1 и O_2 касаются внешним образом в точке A . Общая внешняя касательная к этим окружностям касается Ω_1 и Ω_2 соответственно в точках B_1 и B_2 . Общая касательная к окружностям, проходящая через точку A , пересекает отрезок B_1B_2 в точке C . Прямая, делящая угол ACO_2 пополам, пересекает прямые O_1B_1 , O_1O_2 , O_2B_2 в точках D_1 , L , D_2 соответственно. Найдите отношение $LD_2 : O_2D_2$, если известно, что $CD_1 = CO_1$.

6. Найдите все положительные x, y , удовлетворяющие системе уравнений

$$\begin{cases} x^{3/2} + y = 16 \\ x + y^{2/3} = 8 \end{cases}$$

7. В основании прямой призмы лежит правильный треугольник со стороной 1. Высота призмы равна $\sqrt{2}$. Найдите расстояние между скрещивающимися диагоналями боковых граней.

8. Пусть

$$f(x, y) = \sqrt{-6x^2 - 14y^2 - 18xy + 6} + y,$$

$$g(x, y) = -\sqrt{-6x^2 - 14y^2 - 18xy + 6} + y.$$

Найдите все значения, которые может принимать хотя бы одна из этих функций.

1. Найдите в явном виде натуральное число, заданное выражением $\sqrt{5 - 2\sqrt{6}}(\sqrt{2} + \sqrt{3})$.

2. Найдите максимальное значение функции $\log_{1/3}(x^2 + 4x + 31)$.

3. Найдите все положительные x , удовлетворяющие неравенству $x^{-5x-3} < x^{-7}$.

4. Решите уравнение $\sin^2 x + \sqrt{2} |\sin x| \cos\left(\frac{5x}{2} - \frac{5\pi}{8}\right) + \frac{1}{2} = 0$.

5. Окружности Ω_1 и Ω_2 с центрами в точках O_1 и O_2 касаются внешним образом в точке A . Общая внешняя касательная к этим окружностям касается Ω_1 в точке B и пересекает в точке C общую касательную этих окружностей, проходящую через точку A . Прямая, делящая угол ACO_1 пополам, пересекает прямые O_1O_2 и BO_1 в точках L и D соответственно. Найдите LO_1 , если известно, что $CO_2 = 2$, а прямые CO_2 и DO_2 перпендикулярны.

6. Найдите все x, y на интервале $(0, \frac{\pi}{2})$, удовлетворяющие системе уравнений

$$\begin{cases} \frac{1}{\sin^3 x} + \frac{1}{\cos^3 y} = 54 \\ \operatorname{ctg}^2 x + \operatorname{tg}^2 y = 16 \end{cases}$$

7. В основании прямой призмы лежит квадрат со стороной 1. Высота призмы равна $\sqrt{3}$. Найдите расстояние между большой диагональю призмы и скрещивающейся с ней диагональю боковой грани.

8. Пусть

$$f(x, y) = \sqrt{-6x^2 - 11y^2 - 16xy + 5} + y,$$

$$g(x, y) = -\sqrt{-6x^2 - 11y^2 - 16xy + 5} + y.$$

Найдите все значения, которые может принимать хотя бы одна из этих функций.

1. Найдите в явном виде натуральное число, заданное выражением $\sqrt{7 + 2\sqrt{10}}(\sqrt{5} - \sqrt{2})$.

2. Найдите максимальное значение функции $\log_{1/3}(x^2 + 10x + 34)$.

3. Найдите все положительные x , удовлетворяющие неравенству $x^{-7x+5} < x^{-4}$.

4. Решите уравнение $\cos^2 x + \sqrt{2} |\cos x| \sin\left(\frac{5x}{2} - \frac{\pi}{8}\right) + \frac{1}{2} = 0$.

5. Окружности Ω_1 и Ω_2 с центрами в точках O_1 и O_2 касаются внешним образом в точке A . Общая внешняя касательная к этим окружностям касается Ω_1 в точке B и пересекает в точке C общую касательную этих окружностей, проходящую через точку A . Прямая, делящая угол ACO_1 пополам, пересекает прямые O_1O_2 и BO_1 в точках L и D соответственно. Найдите LO_1 , если известно, что $CO_2 = 2$, а прямые CO_2 и DO_2 перпендикулярны.

6. Найдите все x, y на интервале $(0, \frac{\pi}{2})$, удовлетворяющие системе уравнений

$$\begin{cases} \frac{1}{\sin^3 x} + \frac{1}{\cos^3 y} = 54 \\ \operatorname{ctg}^2 x + \operatorname{tg}^2 y = 16 \end{cases}$$

7. В основании прямой призмы лежит квадрат со стороной 1. Высота призмы равна $\sqrt{3}$. Найдите расстояние между большой диагональю призмы и скрещивающейся с ней диагональю боковой грани.

8. Пусть

$$f(x, y) = \sqrt{-6x^2 - 11y^2 - 16xy + 5} + y,$$

$$g(x, y) = -\sqrt{-6x^2 - 11y^2 - 16xy + 5} + y.$$

Найдите все значения, которые может принимать хотя бы одна из этих функций.

1. Найдите в явном виде натуральное число, заданное выражением $\sqrt{6 + 4\sqrt{2}}(8 - 4\sqrt{2})$.

2. Найдите максимальное значение функции $\log_{1/2}(x^2 - 8x + 20)$.

3. Найдите все положительные x , удовлетворяющие неравенству $x^{4x-5} > x^{-2}$.

4. Решите уравнение $\sin^2 x - \sin x \cos^2\left(\frac{5x}{4} - \frac{17\pi}{24}\right) + \frac{1}{4} = 0$.

5. Окружности Ω_1 и Ω_2 с центрами в точках O_1 и O_2 касаются внешним образом в точке A . Общая внешняя касательная к этим окружностям касается Ω_1 и Ω_2 соответственно в точках B_1 и B_2 . Общая касательная к окружностям, проходящая через точку A , пересекает отрезок B_1B_2 в точке C . Прямая, делящая угол ACO_2 пополам, пересекает прямые O_1B_1 , O_1O_2 , O_2B_2 в точках D_1 , L , D_2 соответственно. Найдите отношение $CD_1 : CO_1$, если известно, что $LD_2 = O_2D_2$.

6. Найдите все положительные x , y , удовлетворяющие системе уравнений

$$\begin{cases} x + y^{3/2} = 54 \\ x^{2/3} + y = 18 \end{cases}$$

7. В основании прямой призмы лежит правильный треугольник со стороной 2. Высота призмы равна $\sqrt{3}$. Найдите расстояние между скрещивающимися диагоналями боковых граней.

8. Пусть

$$f(x, y) = \sqrt{-5x^2 - 17y^2 - 18xy + 12} + y,$$

$$g(x, y) = -\sqrt{-5x^2 - 17y^2 - 18xy + 12} + y.$$

Найдите все значения, которые может принимать хотя бы одна из этих функций.